בגרות עה מאי 15 מועד קיץ א שאלון 35802

א. נתונה הפרבולה שמשוואתה $y=-x^2+4x-7$.

נציב $x=0$ **, על מנת למצוא את שיעורי נקודת החיתוך עם ציר ה-** y **:**

$y=-0^2+4\cdot 0-7=-7$ **, ובהתאם:** $\boxed{(0,-7)}$.

נציב $y=0$ **במשוואת הפרבולה, על מנת למצוא את שיעורי נקודות החיתוך עם ציר ה-** x .

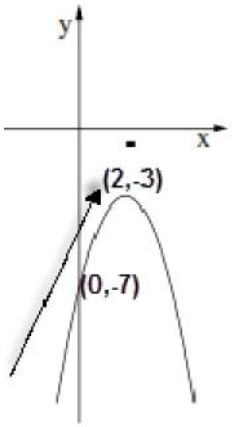
$$0=-x^2+4x-7$$

$$x_{1,2}=\frac{-4\pm\sqrt{4^2-4\cdot(-1)\cdot(-7)}}{2\cdot(-1)}$$

$$x_{1,2}=\frac{-4\pm\sqrt{-12}}{-2}$$

המספר שבתוך השורש שלילי ולכן אין פתרון.

אין נקודות חיתוך עם ציר ה- x **, כפי שניתן לראות בסרטוט.**



תשובה: $(0,-7)$.

ב. הפונקציה שלילית לכל x **(הפרבולה מתחת לציר ה-** x **).**

ג. נמצא את שיעורי קדקוד הפרבולה, על פי הנוסחה: $x_{kodkod}=-\frac{b}{2a}$.

$$\left.\begin{aligned}x_{kodkod}&=\frac{-4}{2\cdot(-1)}=2\\ x_{kodkod}&=-2^2+4\cdot 2-7=-3\end{aligned}\right\}\boxed{(2,-3)}$$

תשובה: שיעורי קדקוד הפרבולה הם $(2,-3)$.

ד. הפרבולה עולה עד לקדקוד, כלומר עבור x **-ים קטנים מ-** 2 .

תשובה: $x<2$.

א. נתונים כל המספרים הדו-ספרתיים: $10, 11, 12, ..., 99$.

אם נוריד את 9 **המספרים החד-ספרתיים (**$1, 2, 3, ..., 9$**) מ-** 99 **המספרים** $1, 2, 3, ..., 99$**,**

אז קל לראות שיש 90 **מספרים דו-ספרתיים.**

<u>דרך פתרון אחרת</u>:

$$99 = 10 + (n-1)\cdot 1$$
$$99 = 10 + n - 1$$
$$99 = 9 + n$$
$$\boxed{90 = n}$$

תשובה: יש 90 **מספרים דו-ספרתיים.**

ב. (1) המספר הדו-ספרתי הקטן ביותר שמחלק ב- 5 **(בלי שארית) הוא** 10 .

(2) המספר הדו-ספרתי הגדול ביותר שמחלק ב- 5 **(בלי שארית) הוא** 95 .

(3) סדרת המספרים הדו-ספרתיים, המחלקים ב- 5 **(בלי שארית) היא סדרה חשבונית, שבה** $d = 5$.

נמצא את מספר איברי הסדרה, כאשר , $a_1 = 10$ **,** $a_n = 95$ **,** $d = 5$.

בסיוע נוסחת האיבר הכללי: $a_n = a_1 + (n-1)d$

$$a_n = a_1 + (n-1)d$$
$$95 = 10 + (n-1)\cdot 5$$
$$95 = 10 + 5n - 5$$
$$95 = 5 + 5n$$
$$90 = 5n$$
$$\boxed{n = 18}$$

תשובה: 18 **מספרים דו-ספרתיים מתחלקים ב-** 5 **בלי שארית.**

ג. יש 90 **מספרים דו-ספרתיים.**

מתוכם 18 **מספרים דו-ספרתיים מתחלקים ב-** 5 **בלי שארית.**

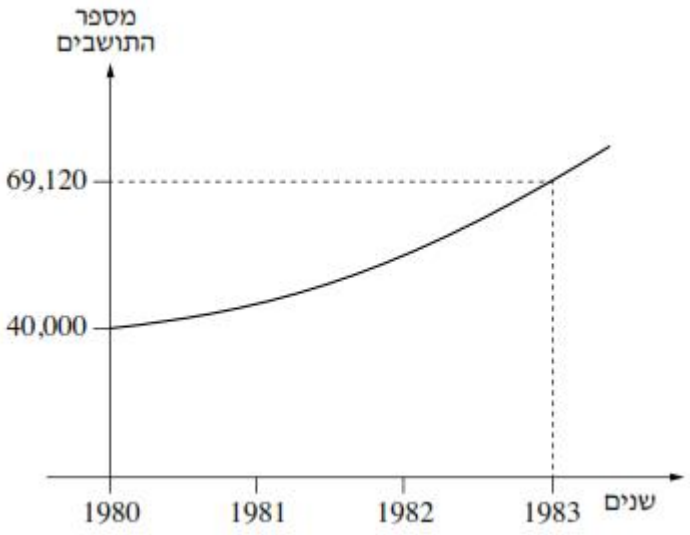
לכן $90 - 18 = 72$ **מספרים דו-ספרתיים <u>אינם</u> מתחלקים ב-** 5 **בלי שארית.**

תשובה: 72 **מספרים דו-ספרתיים <u>אינם</u> מתחלקים ב-** 5 **בלי שארית.**

האוכלוסייה בעיר גדלה באופן מעריכי.

הגרף שלפנינו מתאר את גידול האוכלוסייה

מתחילת שנת 1980 עד תחילת שנת 1983.



א. (1) מספר התושבים בעיר, בתחילת 1980, **היה** 40,000 **על פי נקודת החיתוך של הגרף עם הציר האנכי.**

(2) מספר התושבים בעיר, בתחילת 1983, **היה** 69,120 **על פי הנקודה הימנית בגרף.**

ב. נחשב בכמה אחוזים גדלה אוכלוסיית העיר מדי שנה.

גודל האוכלוסייה ההתחלתי הוא 40,000 **תושבים וכעבור** 3 **שנים הוא** 69,120 **תושבים.**

M_t	M_0	q	t
69,120	40,000	**?**	3

$$69,120 = 40,000 \cdot q^3 \quad / : 40,000$$

$$\frac{69,120}{40,000} = q^3$$

$$1.728 = q^3$$

$$q = \sqrt[3]{1.728}$$

$$\boxed{q = 1.2}$$

$$1.2 = \frac{100 + P}{100} \quad / \cdot 100$$

$$120 = 100 + P \quad / -100$$

$$\boxed{P = 20\%}$$

תשובה: האוכלוסייה גדלה מדי שנה ב- 20% **.**

ג. נמצא מה היה מספר התושבים בעיר בתחילת שנת 1984 **, כלומר** 4 **שנים מתחילת שנת** 1980**,**
בהנחה שקצב הגידול אינו משתנה.

M_t	M_0	q	t
?	$40,000$	1.2	4

$$M_4 = 40,000 \cdot 1.2^4$$
$$\boxed{M_4 = 82,944}$$

תשובה: מספר התושבים בעיר, בתחילת שנת 1984**, היה** $82,944$**.**

ד. נמצא מה היה בערך מספר התושבים בעיר בתחילת שנת 1978 **, כלומר** 2 **שנים לפני תחילת שנת** 1980**.**
בהנחה שקצב הגידול אינו משתנה.

M_t	M_0	q	t
$40,000$	**?**	1.2	2

$$40,000 = M_0 \cdot 1.2^2 \quad / : 1.2^2$$
$$\frac{40,000}{1.2^2} = M_0$$
$$\boxed{M_0 \approx 27,778}$$

תשובה: מספר התושבים בעיר, בתחילת שנת 1978**, היה בערך** $27,778$ **תושבים.**

א. נחשב את האורך של האלכסון BD **.**

ΔDNB

$$\cos 32° = \frac{9}{BD}$$

$$BD\cos 32° = 9$$

$$BD = \frac{9}{\cos 32°}$$

$BD = 10.61$ **ס"מ**

תשובה: אורך האלכסון BD **הוא** 10.61 **ס"מ.**

ב. (1) $\sphericalangle NDB = 180° - 90° - 32° = 58°$

תשובה: $\sphericalangle NDB = 58°$.

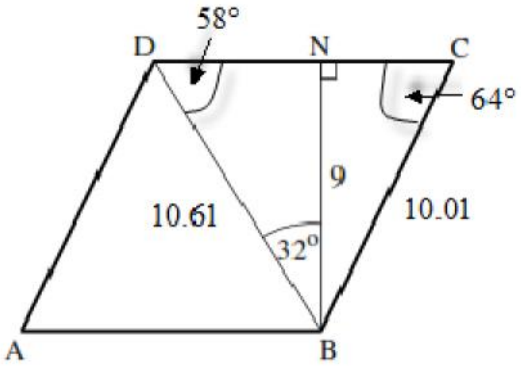
(2) צלעות המעוין שוות זו לזו, לכן ΔCBD **הוא שווה שוקיים** $(CB = CD)$ **וזוויות הבסיס שוות זו לזו.**

$$\sphericalangle CBD = \sphericalangle NDB = 58°$$

$$\sphericalangle C = 180° - 58° - 58° = 64°$$

תשובה: $\sphericalangle CBD = 58°$, $\sphericalangle C = 64°$.

ג. נחשב את האורך של צלע המעוין.



ΔCNB

$$\sin 64° = \frac{9}{CB}$$

$$CB\sin 64° = 9$$

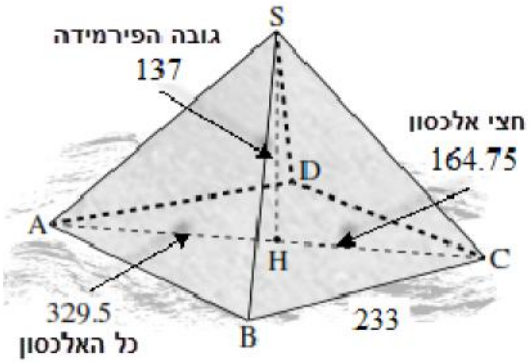
$$CB = \frac{9}{\sin 64°}$$

$CB = 10.01$ **ס"מ**

תשובה: אורך צלע המעוין הוא 10.01 **ס"מ.**

א. האלכסון AC של בסיס הפירמידה הריבועית הוא 329.5 מטר.

נחשב את צלע הריבוע של בסיס הפירמידה, שנסמנה ב- x, באמצעות משפט פיתגורס.



ΔABC

$(AC)^2 = (AB)^2 + (BC)^2$

$329.5^2 = x^2 + x^2$

$329.5^2 = 2x^2 \quad / : 2$

$54285 = x^2 \quad / \sqrt{\ }$

$x =$ **מטר** 233

תשובה: המרחק שהתייר עבר, מנקודה A לנקודה B, הוא 233 מטר.

ב. כיוון שצלעות הריבוע שוות זו לזו,

הרי שהתייר עבר מרחק של 932 מטר $= 233 \cdot 4$ **.**

תשובה: סך כל המרחק שהתייר עבר, מנקודה A ועד חזרתו לנקודה A, הוא 932 מטר.

ג. נחשב את הזווית שבין המקצוע SC לבסיס הפירמידה, $\sphericalangle SCH$ **.**

הגובה SH של הפירמידה הוא 329.5 מטר.

בסיס הפירמידה הוא ריבוע, H היא נקודת מפגש האלכסונים, החוצים זה את זה.

$$CH = \frac{AC}{2} = \frac{329.5}{2} = 164.75 \text{ מטר}$$

ΔSCH

$$\tan \sphericalangle SCH = \frac{SH}{CH}$$

$$\tan \sphericalangle SCH = \frac{137}{164.75}$$

$$\boxed{\sphericalangle SCH = 39.75^\circ}$$

תשובה: הזווית בין המקצוע SC לבסיס הפירמידה היא בת 39.75°.

א. בבחינה במתמטיקה בכיתה יב התפלגו הציונים כך:

הציון	60	70	80	90
מספר התלמידים	7	x	11	1

מספר התלמידים הכולל הוא סכום השכיחויות: $N = f_1 + f_2 + ... + f_n$

$$N = 7 + x + 11 + 1$$
$$N = 19 + x$$

ממוצע הציונים בכיתה היה 72.5**.**

נשתמש בנוסחה למציאת ממוצע : $\overline{x} = \frac{x_1 f_1 + x_1 f_1 + ... + x_n f_n}{N}$

$$72.5 = \frac{60 \cdot 7 + 70 \cdot x + 80 \cdot 11 + 90 \cdot 1}{19 + x} \quad / \cdot (19 + x)$$
$$72.5(19 + x) = 1390 + 70x$$
$$1377.5 + 72.5x = 1390 + 70x$$
$$2.5x = 12.5 \quad / : 2.5$$
$$x = \frac{12.5}{2.5}$$
$$\boxed{x = 5}$$

תשובה: $x = 5$**.**

ב. נעדכן את טבלת השכיחויות.

מספר התלמידים שנבחנו בבחינה הוא $24 = 7+5+11+1$**.**

הציון	60	70	80	90
מספר התלמידים	7	5	11	1
שכיחות מצטברת	7	12	23	24

מספר התלמידים הוא זוגי, כאשר: $\frac{n}{2} = \frac{24}{2} = 12$

לכן החציון יהיה ממוצע ציוני התלמידים שבמקום ה- 12 **וה-** 13**,**

כאשר מסדרים את הציונים בסדר עולה.

נחשב את החציון: $\frac{70+80}{2} = 75$**.**

תשובה: חציון הציונים הוא 75.

ג. הציון השכיח הוא הציון שהתקבל מספר הפעמים הרב ביותר, כלומר הציון 80 **.**

תשובה: הציון השכיח הוא 80**.**

ד. מספר התלמידים שקבלו ציון נמוך מהממוצע (72.5**) הוא** $7+5=12$ **.**

ההסתברות, כאשר בוחרים תלמיד באקראי, שהציון יהיה ציון נמוך מהממוצע היא $\frac{12}{24} = 0.5$ **.**

תשובה: ההסתברות היא 0.5 **.**

ה. ציונו של התלמיד החדש, שווה בדיוק לממוצע הקיים, 72.5 **.**

לכן, פיזור הנתונים קטֵן, כי הם מרוכזים יותר סביב הממוצע.

סטיית התקן קטֵנה, כי היא מדד של פיזור הנתונים.

תשובה: סטיית התקן קטֵנה.